

	1. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^3 + x^2 - x + 1$.
5p	a) Arătați că $f'(x) = 3x^2 + 2x - 1$, $x \in \mathbb{R}$.
5p	b) Arătați că $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x f'(x)}{f(x)} = 3$.
5p	c) Determinați abscisele punctelor situate pe graficul funcției f în care tangenta la graficul funcției f este paralelă cu dreapta $y = 4x + 1$.
	1. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = 2x^3 - 3x^2 + 7$.
5p	a) Arătați că $f'(x) = 6x(x - 1)$, $x \in \mathbb{R}$.
5p	b) Arătați că $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - 11}{x - 2} = 12$.
5p	c) Demonstrați că $f(x) \geq 6$, pentru orice $x \in [0, +\infty)$.
	1. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^3 - 3x$.
5p	a) Arătați că $f'(x) = 3(x - 1)(x + 1)$, $x \in \mathbb{R}$.
5p	b) Arătați că $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x) + 3x}{x} = 0$.
5p	c) Demonstrați că $f(x) \geq -2$, pentru orice $x \in [-1, +\infty)$.
	1. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = -x^3 + 3x + 2$.
5p	a) Arătați că $f'(x) = 3(1 - x)(1 + x)$, $x \in \mathbb{R}$.
5p	b) Arătați că $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x)}{x - 2} = -9$.
5p	c) Demonstrați că $f(x) \leq 4$, pentru orice $x \in [-1, +\infty)$.
	1. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = 3x - x^3$.
5p	a) Arătați că $f'(x) = 3(1 - x^2)$, $x \in \mathbb{R}$.
5p	b) Arătați că $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{f(x)} = 0$.
5p	c) Determinați ecuația tangentei la graficul funcției f în punctul de abscisă $x = 1$, situat pe graficul funcției f .
	1. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^3 + 6x + 2$.
5p	a) Arătați că $f'(x) = 3(x^2 + 2)$, $x \in \mathbb{R}$.
5p	b) Arătați că $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f'(x)}{x + 2} = 3$.
5p	c) Demonstrați că $-5 \leq f(x) \leq 9$, pentru orice $x \in [-1, 1]$.
	1. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^3 + 2x^2 + x$.
5p	a) Arătați că $f'(x) = (x + 1)(3x + 1)$, $x \in \mathbb{R}$.
5p	b) Arătați că $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x f'(x)} = \frac{1}{3}$.
5p	c) Demonstrați că $f(x) \geq -\frac{4}{27}$, pentru orice $x \in [-1, +\infty)$.

1. Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^4 - 2x^2 + 12$.

5p a) Arătați că $f'(x) = 4x(x-1)(x+1)$, $x \in \mathbb{R}$.

5p b) Arătați că $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + 1}{f(x) - x^4} = -\frac{1}{2}$.

5p c) Determinați ecuația tangentei la graficul funcției f în punctul de abscisă $x=1$, situat pe graficul funcției f .

1. Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = 2x^3 - 6x + 4$.

5p a) Arătați că $f'(x) = 6(x-1)(x+1)$, $x \in \mathbb{R}$.

5p b) Arătați că $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x)}{x-1} = 0$.

5p c) Demonstrați că $0 \leq f(x) \leq 8$, pentru orice $x \in [-1, 1]$.